

ЈЕДНАЧИНЕ МАТЕМАТИЧКЕ ФИЗИКЕ - новембар 2003

1. Следећу једначину свести на канонски облик

$$u_{xx} + xyu_{yy} - \frac{1}{2x}u_x + \frac{x}{2}u_y = 16x\sqrt{|y|}, x \neq 0.$$

2. Решити мешовити проблем

$$\begin{cases} u_{tt} + u_t = u_{xx}, & 0 < x < 1, \quad t > 0 \\ u(0, t) = t \\ u(1, t) = 0 \\ u(x, 0) = 0 \\ u_t(x, 0) = 1 - x. \end{cases}$$

3. Решити мешовити проблем

$$\begin{cases} u_t = u_{xx} + 6u + 2t(1 - 3t) - 6x + 2 \cos x \cos 2x, & 0 < x < \frac{\pi}{2}, t > 0 \\ u_x(0, t) = 1 \\ u(\frac{\pi}{2}, t) = t^2 + \frac{\pi}{2} \\ u(x, 0) = x \end{cases}$$

ЈЕДНАЧИНЕ МАТЕМАТИЧКЕ ФИЗИКЕ - новембар 2003

1. Следећу једначину свести на канонски облик

$$u_{xx} + xyu_{yy} - \frac{1}{2x}u_x + \frac{x}{2}u_y = 16x\sqrt{|y|}, x \neq 0.$$

2. Решити мешовити проблем

$$\begin{cases} u_{tt} + u_t = u_{xx}, & 0 < x < 1, \quad t > 0 \\ u(0, t) = t \\ u(1, t) = 0 \\ u(x, 0) = 0 \\ u_t(x, 0) = 1 - x. \end{cases}$$

3. Решити мешовити проблем

$$\begin{cases} u_t = u_{xx} + 6u + 2t(1 - 3t) - 6x + 2 \cos x \cos 2x, & 0 < x < \frac{\pi}{2}, t > 0 \\ u_x(0, t) = 1 \\ u(\frac{\pi}{2}, t) = t^2 + \frac{\pi}{2} \\ u(x, 0) = x \end{cases}$$