

- 
- Ispitati transformaciju  $x' = \frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y + 1, y' = \frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y - 1$ .
  - U proširenoj afinoj ravni dat je krug  $k : (x_1 - 1)^2 + (x_2 - 1)^2 = 1$ . Odrediti bar jedno projektivno preslikavanje ravni kojom se ovaj krug slika u hiperbolu sa asimptotama  $x_1 = x_2, x_1 = -x_2$ .
  - Data je transformacija ravni  $f(z) = (\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2})z + 4i$ . Pokazati da je u pitanju izometrija, odrediti njen tip i osnovne komponente.
  - Neka je  $z$  kompleksna koordinata  $h$ -tačke  $M$ . Odrediti jednačinu  $h$ -simetrale  $h$ -duži  $OM$  ako je  $z = \frac{1}{4} + i\frac{\sqrt{3}}{4}$ .

- Ispitati transformaciju  $x' = -3x + 4y - 4, y' = 4x + 3y - 8$ .
- U proširenoj afinoj ravni dato je preslikavanje formulama  $\lambda x'_1 = -2x_1 - x_2 - x_3, \lambda x'_2 = x_1 + x_3, \lambda x'_3 = 3x_1 + 3x_2 + 2x_3$ . Odrediti bar jedan krug koji se ovom transformacijom slika u parabolu.
- Korišćenjem kompleksnih koordinata naći slike tačaka  $(-\sqrt{3}, 1)$  i  $(2, 4)$  pri inverziji u odnosu na krug  $(x_1 - 2)^2 + (x_2 + 1)^2 = 5$ .
- Odrediti jednačinu  $h$ -prave koja sadrži tačku  $A(\frac{1}{3} + i\frac{2}{3})$  i normalna je na  $h$ -pravoj  $l : x_2 = \frac{1}{2}x_1$ .

- Dokazati da je transformacija izometrija i odrediti osnovne komponente  $x' = \frac{3}{5}x - \frac{4}{5}y + 4, y' = \frac{4}{5}x + \frac{3}{5}y$ .
- Odrediti formule transvekcije ravni  $\mathbb{A}^2$  kojom se tačke  $(1, -1), (2, 3)$  redom slikaju u tačke  $(2, 0), (4, 5)$ .
- Data je transformacija ravni  $f(z) = i\bar{z} + 4 + 2i$ . Pokazati da je u pitanju izometrija, odrediti njen tip i osnovne komponente.
- Date su dve hiperparalelne  $h$ -prave  $l_1$  i  $l_2$ . Odrediti jednačinu njihove  $h$ -normale ako su centri  $\tilde{l}_1$  i  $\tilde{l}_2$  su  $C_1(\frac{1}{2} - i\frac{3}{2})$  i  $C_2(\frac{1}{2} + i)$ .

- Ispitati transformaciju  $x' = 5x - 12y + 8, y' = 12x + 5y - 16$ .
  - Odrediti formule dilatacije ravni sa osnovom  $x_1 - 2x_2 = 0$ , koja tačku  $(1, 1)$  slika u  $(2, 2)$ .
  - Naći Mebijusovu transformaciju koja predstavlja rotaciju oko tačke  $w_0 = 1 + 2i$  za ugao  $\alpha = \frac{\pi}{4}$ .
  - Odrediti formule (hiperboličke) translacije za vektor  $\overrightarrow{AA_1}$ ,  $A(-\frac{1}{3} + i\frac{1}{3})$ ,  $A_1(\frac{1}{4} + i\frac{1}{2})$ .
- 
- Dokazati da je transformacija izometrija i odrediti osnovne komponente  $x' = -y + 1, y' = -x + 2$ .
  - Odrediti formule dilatacije ravni sa koeficijentom  $\alpha = -2$  osnovom  $y = 0$  i pravcem dilatacije paralelnim pravoj  $x = 0$ .
  - Dat je krug  $k$  u kompleksnoj ravni sa centrom  $C(1 + 2i)$  i poluprečnikom 1. Korišćenjem kompleksnih koordinata naći slike tačaka  $(2, 3)$  i  $(1, 8)$  u odnosu na krug  $k$ .
  - Date su dve  $h$ -tačke  $A$  i  $B$  sa kompleksnim koordinatama  $z_1 = \frac{1}{5} + \frac{4}{5}i$  i  $z_2 = \frac{-1}{3} - \frac{2}{3}i$ . Odrediti jednačinu  $h$ -prave koja ih sadrži.