

## Геометрија 4 - 2015 - Тест (03.06.2015)

Тест се попуњава тако што се у празне кућице (прва четири задатка) уписују реални бројеви, док се попуњене кућице (последња три задатка) или заокружују или прецртају у зависности од тога да ли је исказ тачан или не. Време за рад износи 120 минута.

1. [5] Нека су  $A, B, C, D$  различите колинеарне тачке тако да је збир дворазмера  $(ABCD), (ACBD)$  и  $(CABD)$  једнак 4. Тада је производ те три дворазмере једнак

2. [5] Колинеација је задата формулама  $\lambda x'_1 = x_2 + x_3$ ,  $\lambda x'_2 = x_1 + x_3$ ,  $\lambda x'_3 = x_1 + x_2$ . Фиксна права колинеације која садржи тачку  $(0 : 3 : 2)$  је

$$x_1 + \boxed{\phantom{0}} x_2 + \boxed{\phantom{0}} x_3 = 0$$

3. [5] Дата је коника једначином  $4x_2^2 + x_3^2 - 4x_1x_2 - 2x_1x_3 + 2x_2x_3 = 0$ . Тангенте из тачке  $(1 : 1 : 2)$  на дату конику су

$$4x_1 + \boxed{\phantom{0}} x_2 + \boxed{\phantom{0}} x_3 = 0, \quad 4x_1 + \boxed{\phantom{0}} x_2 + \boxed{\phantom{0}} x_3 = 0$$

4. [3] За коначну проективну раван  $\mathbb{Z}_5\mathbb{P}^2$  важи следеће:

Она има укупно  $\boxed{\phantom{0}}$  тачака и  $\boxed{\phantom{0}}$  правих.

Свака права инцидентна је са тачно  $\boxed{\phantom{0}}$  тачака.

5.

4) Заокружити редни број испред исказа који је тачан.

1. У комплексној пројективној равни важи Фаноова аксиома.
2. У реалној пројективној равни важи Обрнута Дезаргова теорема.
3. У свакој Дезарговој равни важи Теорема о перспективитету.
4. Свака Папосова раван је коначна пројективна раван.

6.

4) Заокружити редни број испред исказа који је тачан.

1. Свака перспективна колинеација у  $\mathbb{Q}\mathbb{P}^2$  је елација.
2. Свака колинеација у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^2$  је пројективна колинеација.
3. Свака пројективна колинеација у  $\mathbb{C}\mathbb{P}^2$  је перспективна колинеација.
4. Свака хомологија у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^2$  је пројективна колинеација.

7.

4) Заокружити редни број испред исказа који је тачан.

1. Пројективитет у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^1$  увек има фиксну тачку.
2. Колинеација у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^2$  може имати тачно две фиксне тачке.
3. Колинеација у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^2$  може имати тачно три фиксне тачке.
4. Елација у  $\mathbb{R}\mathbb{P}^2$  може имати тачно једну фиксну тачку.